

СПРАВОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

1

ТРИГОНОМЕТРИЯ

| ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКАЯ ОКРУЖНОСТЬ | | ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИЕ ФОРМУЛЫ | ФОРМУЛЫ ДВОЙНОГО УГЛА |
|-------------------------------|--|--|--|
| 1 | | 1 $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$ 2 $1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$ 3 $1 + \operatorname{ctg}^2 \alpha = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$ 4 $\operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \alpha = 1$ | 1 $\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$ 2 $\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$ 3 $\cos 2\alpha = 2\cos^2 \alpha - 1$ 4 $\cos 2\alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha$ |
| | | СИНУС | КОСИНУС |
| | | $\sin \alpha = \frac{\text{противолежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$ | $\cos \alpha = \frac{\text{прилежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$ |
| | | ТАНГЕНС | КОТАНГЕНС |
| 1 | $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{противолежащий катет}}{\text{прилежащий катет}}$ | 1 $\operatorname{ctg} \alpha = \frac{\text{прилежащий катет}}{\text{противолежащий катет}}$ | |
| 2 | $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$ | 2 $\operatorname{ctg} \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$ | |
| | | ФОРМУЛЫ СУММЫ И РАЗНОСТИ | ЧЁТНОСТЬ |
| 1 | $\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$ | 1 $\sin(-x) = -\sin x$ | |
| 2 | $\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cos \beta - \cos \alpha \sin \beta$ | 2 $\cos(-x) = \cos x$ | |
| 3 | $\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$ | 3 $\operatorname{tg}(-x) = -\operatorname{tg} x$ | |
| 4 | $\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$ | 4 $\operatorname{ctg}(-x) = -\operatorname{ctg} x$ | |

ФОРМУЛЫ ПРИВЕДЕНИЯ

1 Если в аргументе есть сколько-то $\frac{\pi}{2}$, то функция меняется на кофункцию

Если в аргументе есть сколько-то π , то функция остается прежней

ПРИМЕР:

$$\sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \cos \alpha$$

$$\operatorname{tg}(\pi + \alpha) = \operatorname{tg} \alpha$$

2 Чтобы определить знак, нужно понять в какой четверти находится аргумент и смотреть на изначальную функцию, а не на изменившуюся

ПРИМЕР:

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right)$$

Это IV четверть, в ней синус имеет знак минус, поэтому

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right) = -\cos \alpha$$

ЛОГАРИФМЫ

| ОПРЕДЕЛЕНИЕ ЛОГАРИФМА | ОСНОВНОЕ ЛОГАРИФМИЧЕСКОЕ ТОЖДЕСТВО | ОДЗ ЛОГАРИФМА |
|------------------------------------|------------------------------------|---|
| Если $\log_a b = c$, то $a^c = b$ | $a^{\log_a b} = b$ | Для $\log_a b$ $\begin{cases} a > 0 \\ a \neq 1 \\ b > 0 \end{cases}$ |

СВОЙСТВА ЛОГАРИФМОВ

| | | | | | |
|---|--|---|---|---|--|
| 1 | $\log_a b + \log_a c = \log_a(b \cdot c)$ | 3 | $\log_a b^m = m \cdot \log_a b$ | 5 | $\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$ |
| 2 | $\log_a b - \log_a c = \log_a \frac{b}{c}$ | 4 | $\log_{a^n} b = \frac{1}{n} \cdot \log_a b$ | 6 | $\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$ |

ПРОИЗВОДНЫЕ

| | | | | | | | |
|---|----------------------------|---|---|----|---|----|---|
| 1 | $C' = 0$ | 5 | $(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$ | 9 | $(\sin x)' = \cos x$ | 13 | $(e^x)' = e^x$ |
| 2 | $x' = 1$ | 6 | $(U \cdot V)' = U'V + UV'$ | 10 | $(\cos x)' = -\sin x$ | 14 | $(a^x)' = a^x \cdot \ln a$ |
| 3 | $(Cx)' = C$ | 7 | $\left(\frac{U}{V}\right)' = \frac{U'V - UV'}{V^2}$ | 11 | $(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$ | 15 | $(\ln x)' = \frac{1}{x}$ |
| 4 | $(x^n)' = n \cdot x^{n-1}$ | 8 | $(U(V))' = (U(V))' \cdot V'$ | 12 | $(\operatorname{ctg} x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$ | 16 | $(\log_a b)' = \frac{1}{b \cdot \ln a}$ |

2

СТЕПЕНИ

1 $a^n \cdot a^m = a^{n+m}$

3 $(a^n)^m = a^{n \cdot m}$

5 $\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$

7 $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$

2 $a^n : a^m = a^{n-m}$

4 $a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$

6 $a^0 = 1$

8 $\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$

КОРНИ

1 $\sqrt{a} \cdot \sqrt{b} = \sqrt{ab}$

2 $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$

3 $(\sqrt{a})^2 = a$

4 $\sqrt{a^2} = |a|$

5 $\sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}}$

ФСУ

РАЗНОСТЬ КВАДРАТОВ
КВАДРАТ РАЗНОСТИ
КВАДРАТ СУММЫ
РАЗНОСТЬ КУБОВ
СУММА КУБОВ

1 $a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$ 2 $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ 3 $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ 4 $a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$ 5 $a^3 + b^3 = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$

УРАВНЕНИЯ

РАЗЛОЖЕНИЕ НА МНОЖИТЕЛИ
ТЕОРЕМА ВИЕТА

1 $ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$

2 $ax^2 + bx + c = 0$
$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -\frac{b}{a} \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} \end{cases}$$

МОДУЛИ

КАК РАСКРЫВАТЬ МОДУЛИ

Если внутримодульное выражение положительное, то просто опускаем модуль

Если внутримодульное выражение отрицательное, то раскрываем модуль, меняя все знаки внутри модуля на противоположные

ПРИМЕР:

1 $y = |2 - 1| = 2 - 1$

ПРИМЕР:

2 $y = |1 - 2| = -1 + 2$

СВОЙСТВА МОДУЛЕЙ

1 $|a \cdot b| = |a| \cdot |b|$

2 $\left|\frac{a}{b}\right| = \frac{|a|}{|b|}$

3 $|a|^2 = a^2$

АРИФМЕТИЧЕСКАЯ ПРОГРЕССИЯ

1 $a_n = a_1 + d \cdot (n - 1)$

2 $S_n = \frac{(a_1 + a_n)}{2} \cdot n$

3 $d = \frac{a_n - a_m}{n - m}$

МЕТОД РАЦИОНАЛИЗАЦИИ

БЫЛО
СТАЛО

1 $\log_a f - \log_a g$

2 $(a - 1)(f - g)$

3 $a^f - a^g$

4 $(a - 1)(f - g)$

5 $|f| - |g|$

6 $(f - g)(f + g)$

7 $\sqrt{f} - \sqrt{g}$

8 $(f - g)$

ЗАДАНИЕ 8

УРАВНЕНИЕ ПУТИ
СРЕДНЯЯ СКОРОСТЬ
СХЕМА ЗАДАЧ НА СПЛАВЫ И СМЕСИ

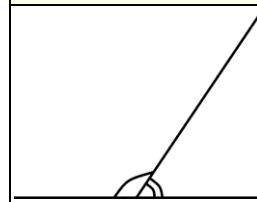
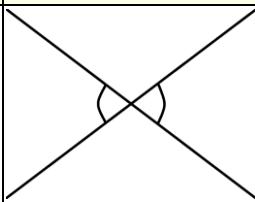
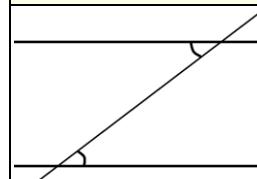
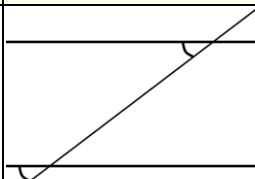
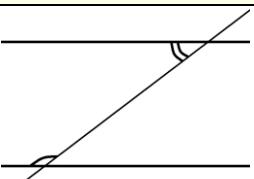
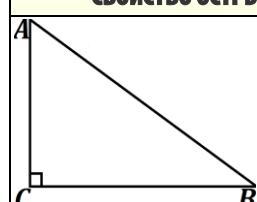
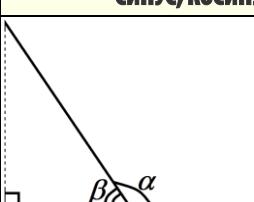
1 $S = v \cdot t$

расстояние = скорость · время

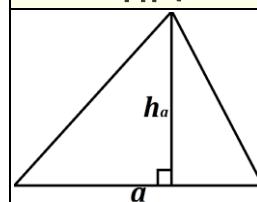
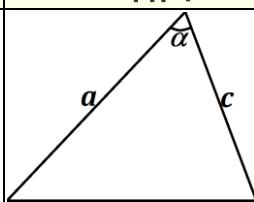
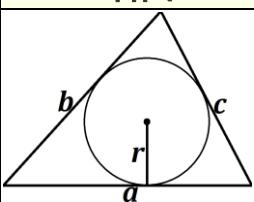
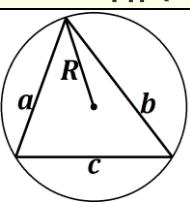
2 $V_{\text{средняя}} = \frac{S_{\text{суммарное}}}{t_{\text{суммарное}}}$

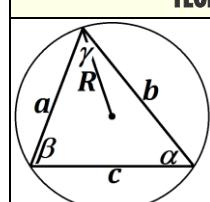
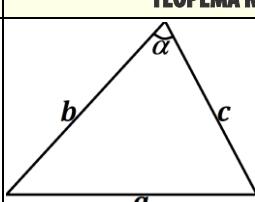
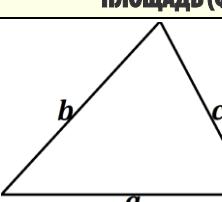
3 $\text{Доля}_1 \cdot m_1 + \text{Доля}_2 \cdot m_2 = \text{Доля}_3 \cdot m_3$

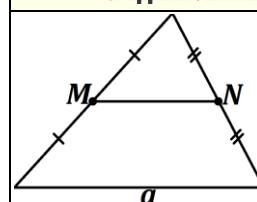
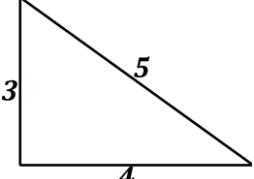
УГЛЫ

| СМЕЖНЫЕ УГЛЫ | ВЕРТИКАЛЬНЫЕ УГЛЫ | СУММА УГЛОВ МНОГОУГОЛЬНИКОВ |
|--|---|--|
|  В сумме 180° |  Равны | У треугольника 180° У четырёхугольника 360° У пятиугольника 540° У шестиугольника 720° У n -угольника $180^\circ(n - 2)$ |
| НАКРЕСТ ЛЕЖАЩИЕ УГЛЫ | СООТВЕТСТВЕННЫЕ УГЛЫ | ОДНОСТОРОННИЕ УГЛЫ |
|  |  |  |
| Равны при параллельных прямых (первый признак параллельности прямых) | Равны при параллельных прямых (второй признак параллельности прямых) | В сумме 180° при параллельных прямых (третий признак параллельности прямых) |
| СВОЙСТВО ОСТРЫХ УГЛОВ ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА | СИНУС, КОСИНУС, ТАНГЕНС И КОТАНГЕНС ТУПЫХ УГЛОВ | |
|  $\sin A = \cos B$ $\sin B = \cos A$ $\operatorname{tg} A = \operatorname{ctg} B$ $\operatorname{tg} B = \operatorname{ctg} A$ |  $\sin \alpha = \sin \beta$ $\cos \alpha = -\cos \beta$ $\operatorname{tg} \alpha = -\operatorname{tg} \beta$ $\operatorname{ctg} \alpha = -\operatorname{ctg} \beta$ | |

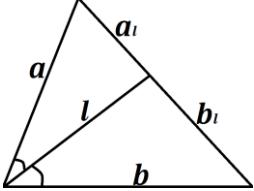
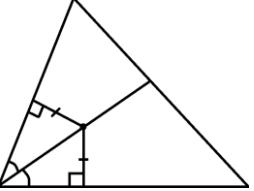
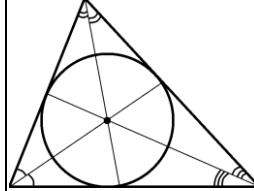
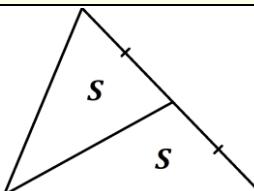
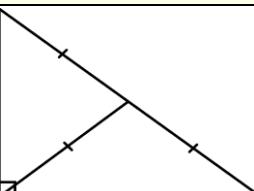
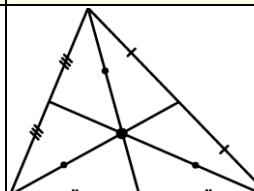
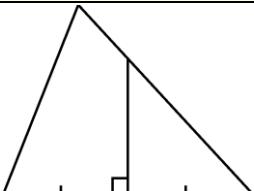
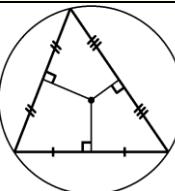
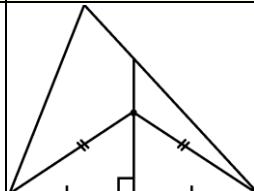
ТРЕУГОЛЬНИК

| ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ ВЫСОТУ) | ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ УГОЛ) | ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ РАДИУС) | ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ РАДИУС) |
|---|--|--|---|
|  $S = \frac{1}{2} \cdot a \cdot h_a$ |  $S = \frac{1}{2} \cdot a \cdot c \cdot \sin \alpha$ |  $S = pr$ p – полупериметр |  $S = \frac{abc}{4R}$ |

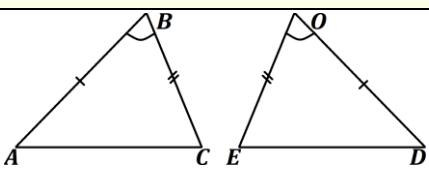
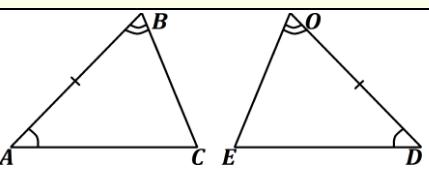
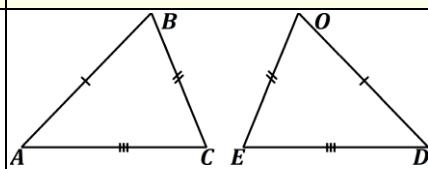
| ТЕОРЕМА СИНУСОВ | ТЕОРЕМА КОСИНУСОВ | ПЛОЩАДЬ (ФОРМУЛА ГЕРОНА) |
|---|---|--|
|  $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma} = 2R$ |  $1 \quad a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos \alpha$ $2 \quad \cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$ |  $S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$ |

| СРЕДНЯЯ ЛИНИЯ ТРЕУГОЛЬНИКА | СВОЙСТВО ТРЕУГОЛЬНИКА | НЕРАВЕНСТВО ТРЕУГОЛЬНИКА |
|--|---|--|
|  <ul style="list-style-type: none"> Лежит на серединах сторон Параллельна основанию Равна половине основания |  В ЛЮБОМ ТРЕУГОЛЬНИКЕ: <ul style="list-style-type: none"> против большей стороны больший угол против средней стороны средний угол против меньшей стороны меньший угол | В любом треугольнике сумма длин двух сторон больше длины третьей стороны ПРИМЕР:  $3 + 4 > 5$ $3 + 5 > 4$ $4 + 5 > 3$ |

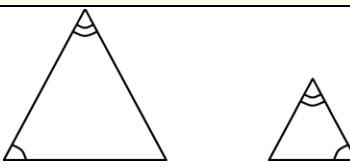
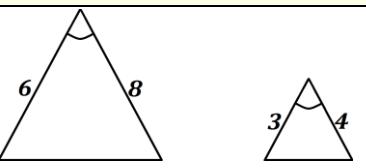
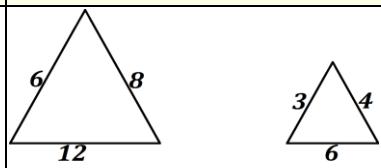
БИССЕКТРИСА, МЕДИАНА И СЕРЕДИННЫЙ ПЕРПЕНДИКУЛЯР

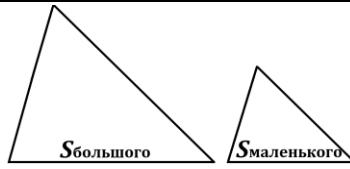
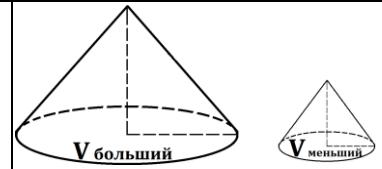
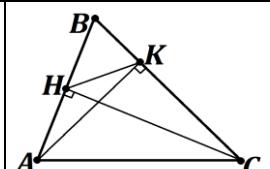
| ТЕОРЕМА О БИССЕКТРИСЕ | СВОЙСТВО БИССЕКТРИСЫ | ЦЕНТР ВПИСАННОЙ ОКРУЖНОСТИ |
|---|--|---|
|  $\frac{a_l}{b_l} = \frac{a}{b}$ |  <p>Если точка лежит на биссектрисе угла, то она равноудалена от сторон этого угла</p> |  <p>Центр вписанной в треугольник окружности – это точка пересечения биссектрис</p> |
| СВОЙСТВО МЕДИАНЫ | СВОЙСТВО МЕДИАНЫ | СВОЙСТВО МЕДИАНЫ |
|  <p>Медиана разбивает треугольник на два равновеликих (с одинаковыми площадями)</p> |  <p>В прямоугольном треугольнике медиана, проведённая к гипотенузе, равна половине гипотенузы</p> |  <p>Медианы треугольника пересекаются в одной точке и точкой пересечения делятся в отношении 2:1 считая от вершины</p> |
| СЕРЕДИННЫЙ ПЕРПЕНДИКУЛЯР | ЦЕНТР ОПИСАННОЙ ОКРУЖНОСТИ | СВОЙСТВО СЕРЕДИННОГО ПЕРПЕНДИКУЛЯРА |
|  <p>Серединный перпендикуляр – это прямая, выходящая из середины стороны треугольника под прямым углом к этой стороне</p> |  <p>Серединные перпендикуляры к сторонам треугольника пересекаются в точке, являющейся центром окружности, описанной около треугольника</p> |  <p>Точка, лежащая на серединном перпендикуляре к отрезку, равноудалена от концов этого отрезка</p> |

ПРИЗНАКИ РАВЕНСТВА ТРЕУГОЛЬНИКОВ

| ПЕРВЫЙ ПРИЗНАК РАВЕНСТВА | ВТОРОЙ ПРИЗНАК РАВЕНСТВА | ТРЕТИЙ ПРИЗНАК РАВЕНСТВА |
|--|--|---|
|  <p>По двум сторонам и углу между ними</p> |  <p>По стороне и двум, прилежащим к ней углам</p> |  <p>По трём сторонам</p> |

ПОДОБИЕ

| ПЕРВЫЙ ПРИЗНАК ПОДОБИЯ | ВТОРОЙ ПРИЗНАК ПОДОБИЯ | ТРЕТИЙ ПРИЗНАК ПОДОБИЯ |
|---|--|--|
|  <p>По двум углам</p> |  <p>По двум пропорциональным сторонам и углу между ними</p> |  <p>По трём пропорциональным сторонам</p> |

| ОТНОШЕНИЕ ПЛОЩАДЕЙ | ОТНОШЕНИЕ ОБЪЁМОВ | ОТНОШЕНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ | ПОДОБИЕ ABC и HVK |
|---|---|---|--|
|  <p>Отношение площадей подобных треугольников равно квадрату коэффициента подобия</p> $\frac{S_{\text{большого}}}{S_{\text{маленького}}} = k^2$ |  <p>Отношение объёмов подобных фигур равно кубу коэффициента подобия</p> $\frac{V_{\text{большой фигуры}}}{V_{\text{маленькой фигуры}}} = k^3$ | <p>В подобных треугольниках отношение периметров, биссектрис, медиан, высот и серединных перпендикуляров равно коэффициенту подобия</p> |  $\cos B = \frac{BK}{AB}$ $\cos B = \frac{BH}{BC}$ <p>$\Delta ABC \sim \Delta HVK$ по 2 признаку $\left(\frac{BK}{AB} = \frac{BH}{BC} \text{ и угол } B - \text{общий} \right)$</p> |

ПРЯМОУГОЛЬНЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК

| ТЕОРЕМА ПИФАГОРА | ПЛОЩАДЬ | СВОЙСТВО |
|-----------------------|-------------------------------|---|
| $c^2 = a^2 + b^2$ | $S = \frac{a \cdot b}{2}$ | Катет, лежащий напротив угла 30° , равен половине гипотенузы |
| РАДИУС | ВЫСОТА | ВЫСОТА |
| $R = \frac{c}{2}$ | $h = \frac{ab}{c}$ | $h^2 = de$ |

РАВНОБЕДРЕННЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК

| ОПРЕДЕЛЕНИЕ | СВОЙСТВО |
|-------------|---|
| | Биссектриса, медиана и высота, проведённые к основанию, равны |

РАВНОСТОРОННИЙ ТРЕУГОЛЬНИК

| ПЛОЩАДЬ | ВЫСОТА | РАДИУС | РАДИУС |
|---------------------------------|-------------------------------|---|---|
| $S = \frac{\sqrt{3}a^2}{4}$ | $h = \frac{\sqrt{3}a}{2}$ | 1 $r = \frac{\sqrt{3} \cdot a}{6}$ 2 $r = \frac{1}{3} \cdot h$ | 1 $R = \frac{\sqrt{3} \cdot a}{3}$ 2 $R = \frac{2}{3} \cdot h$ |

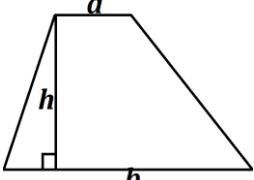
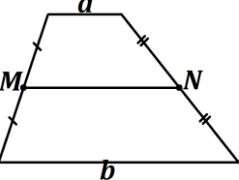
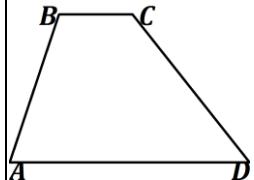
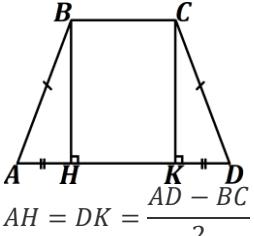
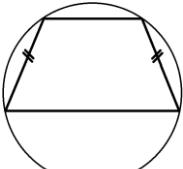
ПАРАЛЛЕЛОГРАММ

| ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ ВЫСОТУ) | ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ УГОЛ) | СВОЙСТВО |
|--------------------------------------|--|--|
| $S = ah_a$ | $S = ac \cdot \sin \alpha$ | В параллелограмме сумма углов, прилежащих к любой стороне, равна 180° |
| ПЕРВЫЙ ПРИЗНАК ПАРАЛЛЕЛОГРАММА | ВТОРОЙ ПРИЗНАК ПАРАЛЛЕЛОГРАММА | ТРЕТИЙ ПРИЗНАК ПАРАЛЛЕЛОГРАММА |
| Если две стороны равны и параллельны | Если противоположные стороны попарно равны | Если диагонали пересекаются и точкой пересечения делятся пополам |

РОМБ

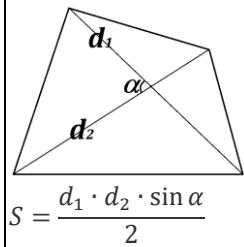
| ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ ДИАГОНАЛИ) | ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ РАДИУС) |
|-----------------------------------|------------------------|
| $S = \frac{d_1 \cdot d_2}{2}$ | $S = pr$ |

ТРАПЕЦИЯ

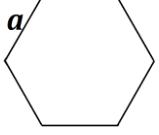
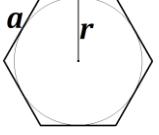
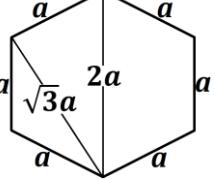
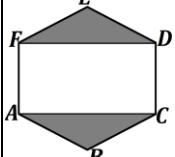
| ПЛОЩАДЬ | СРЕДНЯЯ ЛИНИЯ | СВОЙСТВО |
|--|--|---|
|  $S = \frac{a + b}{2} \cdot h$ |  <ul style="list-style-type: none"> Лежит на серединах сторон Параллельна основаниям Равна полусумме оснований |  <p>В трапеции сумма углов, прилежащих к боковой стороне, равна 180°</p> |
| СВОЙСТВО РАВНОБЕДРЕННОЙ ТРАПЕЦИИ | | ПРИЗНАК РАВНОБЕДРЕННОЙ ТРАПЕЦИИ |
|  $AH = DK = \frac{AD - BC}{2}$ | |  <p>Если трапеция вписана в окружность, то она - равнобедренная</p> |

ПРОИЗВОЛЬНЫЙ ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИК

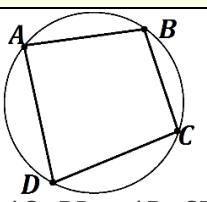
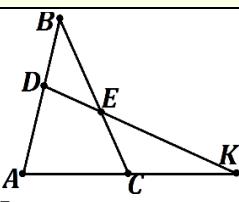
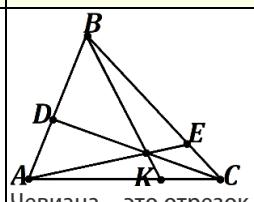
ПЛОЩАДЬ



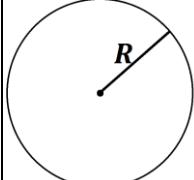
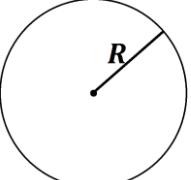
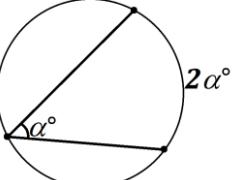
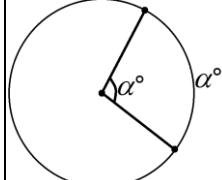
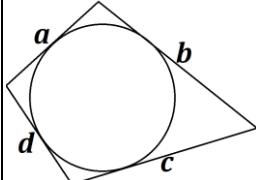
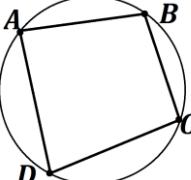
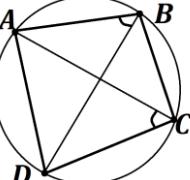
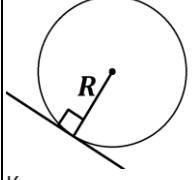
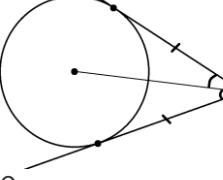
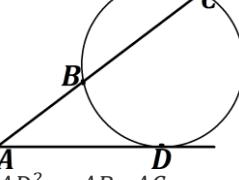
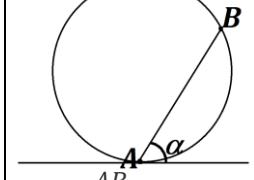
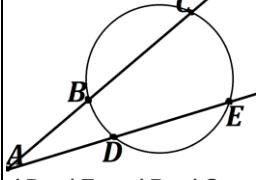
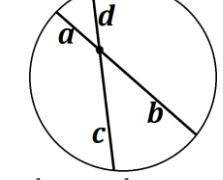
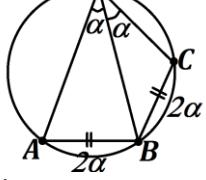
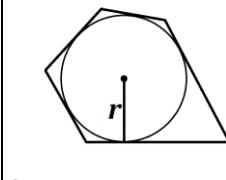
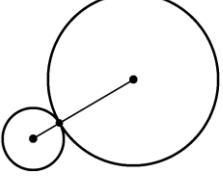
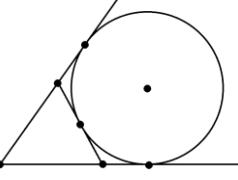
РАВНОСТОРОННИЙ ШЕСТИУГОЛЬНИК

| ПЛОЩАДЬ | РАДИУС | РАДИУС | ДИАГОНАЛИ | ПЛОЩАДИ ЧАСТЕЙ | | | | | | | | |
|---|---|---|--|---|---|-----------------------------------|---|---|---|--------------------------|---|--|
|  $S = \frac{3\sqrt{3}a^2}{2}$ |  $R = a$ |  $r = \frac{\sqrt{3}a}{2}$ |  |  | | | | | | | | |
| | | | | <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 2px;">1</td> <td style="padding: 2px;">$S_{ABC} = \frac{\sqrt{3}a^2}{4}$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;">2</td> <td style="padding: 2px;">$S_{ABC} = \frac{1}{6} S_{\text{шестиугольника}}$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;">3</td> <td style="padding: 2px;">$S_{ACDF} = \sqrt{3}a^2$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;">4</td> <td style="padding: 2px;">$S_{ACDF} = \frac{2}{3} S_{\text{шестиугольника}}$</td> </tr> </table> | 1 | $S_{ABC} = \frac{\sqrt{3}a^2}{4}$ | 2 | $S_{ABC} = \frac{1}{6} S_{\text{шестиугольника}}$ | 3 | $S_{ACDF} = \sqrt{3}a^2$ | 4 | $S_{ACDF} = \frac{2}{3} S_{\text{шестиугольника}}$ |
| 1 | $S_{ABC} = \frac{\sqrt{3}a^2}{4}$ | | | | | | | | | | | |
| 2 | $S_{ABC} = \frac{1}{6} S_{\text{шестиугольника}}$ | | | | | | | | | | | |
| 3 | $S_{ACDF} = \sqrt{3}a^2$ | | | | | | | | | | | |
| 4 | $S_{ACDF} = \frac{2}{3} S_{\text{шестиугольника}}$ | | | | | | | | | | | |

ТЕОРЕМЫ СО СТРАШНЫМИ НАЗВАНИЯМИ

| ТЕОРЕМА ПТОЛЕМЕЯ | ТЕОРЕМА МЕНЕЛАЯ | ТЕОРЕМА ЧЕВЫ |
|---|--|---|
|  $AC \cdot BD = AB \cdot CD + AD \cdot BC$ <p>(работает только для вписанного четырёхугольника)</p> |  <p>Если прямая пересекает две стороны треугольника и продолжение третьей, то</p> $\frac{AD}{DB} \cdot \frac{BE}{EC} \cdot \frac{CK}{KA} = 1$ |  <p>Чевиана – это отрезок в треугольнике, соединяющий вершину треугольника с точкой на противоположной стороне</p> <p>Если в треугольнике три чевианы пересекаются в одной точке, то</p> $\frac{AD}{DB} \cdot \frac{BE}{EC} \cdot \frac{CK}{KA} = 1$ |

ОКРУЖНОСТЬ

| ПЛОЩАДЬ КРУГА | ДЛИНА ОКРУЖНОСТИ | ВПИСАННЫЙ УГОЛ | ЦЕНТРАЛЬНЫЙ УГОЛ |
|---|---|--|--|
|  $S = \pi R^2$ |  $C = 2\pi R$ |  Вписанный угол равен половине дуги, на которую он опирается |  Центральный угол равен градусной мере дуги, на которую он опирается |
| ПРИЗНАК ОПИСАННОГО ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИКА | ПРИЗНАК ВПИСАННОГО ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИКА | ПРИЗНАК ВПИСАННОГО ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИКА | |
|  $a + c = b + d$ |  $\angle A + \angle C = 180^\circ$ $\angle B + \angle D = 180^\circ$ |  Если два равных угла между стороной и диагональю опираются на один отрезок, то около четырёхугольника можно описать окружность | |
| СВОЙСТВО КАСАТЕЛЬНОЙ | СВОЙСТВО КАСАТЕЛЬНЫХ | КАСАТЕЛЬНАЯ И СЕКУЩАЯ | КАСАТЕЛЬНАЯ И ХОРДА |
|  Касательная к окружности перпендикулярна радиусу, проведённому в точку касания |  Отрезки касательных к окружности, проведённые из одной точки, равны, и составляют равные углы с прямой, проходящей через эту точку и центр окружности |  $AD^2 = AB \cdot AC$ |  $\alpha = \frac{\angle A}{2}$ |
| СВОЙСТВО СЕКУЩИХ | СВОЙСТВО ХОРД | СВОЙСТВО ХОРД | |
|  $AD \cdot AE = AB \cdot AC$ |  $a \cdot b = c \cdot d$ |  Хорды, стягивающие равные дуги, равны | |
| ПЛОЩАДЬ МНОГОУГОЛЬНИКА | СВОЙСТВО КАСАЮЩИХСЯ ОКРУЖНОСТЕЙ | ВНЕВПИСАННАЯ ОКРУЖНОСТЬ | |
|  $S = pr$ p – полупериметр |  Линия центров двух касающихся окружностей проходит через точку касания |  Вневписанная окружность треугольника – это окружность, касающаяся одной из сторон треугольника и продолжений двух других его сторон. У любого треугольника существует три вневписанных окружности | |